Tema 3: Nociones básicas de MATLAB.

Matrices, variables, números, operadores aritméticos, expresiones, funciones intrínsecas, operadores relacionales y lógicos.

Ingresar matrices.

Para ingresar una matriz, solo hay que respetar algunas convenciones:

- Separar los elementos de una fila con espacios en blanco o comas.
- Usar el punto y coma, ; , para indicar el fin de cada fila.
- Encerrar la lista de elementos con corchetes, [].

Por ejemplo, escribiendo en la ventana de comandos:

MATLAB mostrará la matriz recién ingresada:

$$A =$$

Una vez que se ha ingresado la matriz, automáticamente será recordada en el entorno de trabajo de MATLAB. Podemos referirnos a ella simplemente escribiendo A.

Expresiones.

Como la mayoría de los otros lenguajes de programación, MATLAB provee expresiones matemáticas, pero estas expresiones involucran matrices. Las expresiones se componen de:

- Números
- Variables
- Operadores
- Funciones

Números

Para los números se usa la notación decimal convencional, con la opción del punto decimal y se manejan signos más y menos. La notación científica usa la letra e para especificar el factor de potencia de diez. Los números complejos usan indistintamente la i o la j como sufijo para la parte imaginaria.

Algunos ejemplos de números escritos correctamente son:

-99 0.01 1.60210e-20 -3.14159j

Los números tienen una precisión de 15 dígitos significativos decimales y un rango entre 10⁻³⁰⁸ y 10⁺³⁰⁸.

3e5i

Números

Los formatos de números admisibles en MATLAB son:

Notación decimal estándar.

Nota: MATLAB no hace una distinción entre enteros y reales (todos los números son reales de doble precisión). A pesar de ello, es buen estilo de programación distinguir entre 2 (entero) y 2.0 (real).

Notación científica

Números imaginarios

 Internamente, MATLAB almacena los números en formato de doble precisión (estándar IEEE):

Precisión: 15 dígitos significativos

• Rango: [10⁻³⁰⁸, 10³⁰⁸]

Variables

Las variables no requieren ninguna declaración de tipo o dimensiones. Cuando MATLAB encuentra un nuevo nombre de variable, automáticamente crea la variable y le asigna el espacio de almacenamiento adecuado. Si la variable ya existe cambia su contenido. Por ejemplo,

>> num_estudiantes = 25

crea una matriz de 1-por-1 llamada num_estudiantes y guarda el valor 25 en su único elemento.

Variables

Una variable se puede interpretar como una unidad de almacenamiento de datos en la memoria del computador. Una variable puede almacenar: números reales, complejos, vectores, matrices, texto y estructuras.

 MATLAB no requiere la declaración del tipo de variable, ni especificar su dimensión.

Nota: Esto es debido a que todas las variables son consideradas como matrices de tamaño variable.

- El nombre de una variable está compuesto por cualquier combinación de letras, números y/o el carácter "_", con la única restricción de que el primero de ellos debe ser una letra. Además, la longitud del nombre de una variable es de a lo sumo 63 de estos símbolos.
- MATLAB distingue mayúsculas y minúsculas para variables.
- Variables lógicas: Las variables de MATLAB pueden ser utilizadas como variables lógicas:
 - Un valor igual a 0 equivale a falso.
 - Un valor distinto de 0 equivale a verdadero.

Variables

Precisión y formatos: Por defecto Matlab usa el formato corto para desplegar valores numéricos, pero se pueden usar otros

- >> format long (14 cifras significativas)
- >> format short (5 cifras significativas)
- >> format short e (notación exponencial corta)
- >> format long e (notación exponencial larga)
- >> format rat (aproximación racional)

Obs. Los cálculos en Matlab siempre se efectúan en precisión doble. El comando format sólo actúa sobre lo que se muestra en pantalla.

Variables y funciones predefinidas

ans Posee el último valor ingresado, que no fue asignado a

variable

i Unidad imaginaria (valor: $\sqrt{-1}$)

j Unidad imaginaria

pi Número π (3.14159265358979...)

eps Precisión relativa de real (doble precisión)

(valor: 2^{^-52})

realmax Valor máximo de un real (doble precisión)

(valor: (1+eps)*2¹⁰²³)

realmin Valor absoluto mínimo de un número real (valor: 2⁻¹⁰²²)

Inf Infinito (ejemplo: 1/0. MATLAB opera con infinitos)

NaN Not-a-Number (ejemplo: 0/0.

Operaciones con NaN generan NaN)

Operaciones entre variable reales

Operadores elementales o básicos

operación	símbolo	ejemplo
adición, a + b	+	6 + 9
sustracción, a - b	-	5 - 8
multiplicación, a * b	*	-2.34 * 4
división, a / b	/	0.98 / 4.56
potenciación, a ^b	۸	2.34 ^ 9.5

Regla de precedencia en una expresión:

Las operaciones se ejecutan respetando el orden de precedencia siguiente:

En una expresión con operadores de igual nivel de precedencia, la evaluación se realiza de izquierda a derecha.

El uso de paréntesis puede alterar este orden.

Ejemplos:

$$5+6/2=8$$
 y $(5+6)/2=5.5$
 $4*25+6*52=412$ y $4*(25+6*52)=1348$
 $2/7^3=0.0058$ y $(2/7)^3=0.0233$

Funciones sobre variables reales

- Inverse hyperbolic cotangent.

Sobre variables reales existen muchas funciones científicas en MATLAB

>> help elfun

Trigonometric.

acoth

- Sine. sin **Exponential.** - Hyperbolic sine. sinh exp - Exponential. asin - Inverse sine. - Natural logarithm. loa asinh - Inverse hyperbolic sine. - Common (base 10) logarithm. loq10 COS - Cosine. log2 - Base 2 logarithm and dissect floating point number. - Hyperbolic cosine. cosh - Base 2 power and scale floating point number. pow2 - Inverse cosine. acos sgrt - Square root. acosh - Inverse hyperbolic cosine. nextpow2 - Next higher power of 2. - Tangent. tan - Hyperbolic tangent. tanh - Inverse tangent. atan - Four quadrant inverse tangent. atan2 Rounding and remainder. - Inverse hyperbolic tangent. atanh fix - Round towards zero. - Secant. sec floor - Round towards minus infinity. - Hyperbolic secant. sech - Round towards plus infinity. ceil asec - Inverse secant. - Round towards nearest integer. asech - Inverse hyperbolic secant. round - Modulus (signed remainder after division). mod CSC - Cosecant. - Remainder after division. - Hyperbolic cosecant. rem csch - Sianum. sian Inverse cosecant. acsc acsch - Inverse hyperbolic cosecant. - Cotangent. cot - Hyperbolic cotangent. coth - Inverse cotangent. acot

Funciones sobre variables reales

Ejemplo:

	fix	floor	round	ceil
-2.2	-2	-3	-2	-2
3.1	3	3	3	4
3.9	3	3	4	4
0.9	0	0	1	1
	redondeo hacia 0	redondeo hacia -∞	redondeo hacia	redondeo hacia +∞

Obs. round(-3.5) da en como resultado -4, mientras que round(3.5) da 4

entero más

próximo

Funciones sobre variables reales

Definición:

rem
$$(x,y)$$
 es $x - n.*y$ donde $n = fix(x/y)$
mod (x,y) es $x - n.*y$ donde $n = floor(x/y)$

Ejemplo:

$$mod(8,3) \rightarrow 2$$
, $rem(8,3) \rightarrow 2$, $mod(-8,3) \rightarrow 1$, $rem(-8,3) \rightarrow -2$

Definición:

sign(x) retorna 1 si x es mayor que 0, 0 si x es 0 y -1 si x es menor que 0.

Ejemplo:

$$sign(-3) \rightarrow -1$$
, $sign(8.1) \rightarrow 1$, $sign(0) \rightarrow 0$.

Variables complejas

Están definidas por su parte real y su parte imaginaria

Ejemplo:

>>
$$a = 1 - 2i$$
, $b = 3 * (2 - sqrt(-1) * 3)$
 $a \rightarrow 1 - 2i$
 $b \rightarrow 6 - 9i$

Los operadores de adición, sustracción, multiplicación y división de números complejos usan los mismos símbolos que para variables reales.

Funciones sobre variables complejas:

>> angle(1 + i) ans
$$\rightarrow$$
 0.7854 1+i >> abs(1 + i) ans \rightarrow 1.4142 1

Operadores relacionales

símbolo	operación
>	mayor que
>=	mayor o igual que
<	menor que
<=	menor o igual que
==	igual que
~=	distinto que

Ejemplos:

- 1 + 1 > 2, ans $\rightarrow 0$
- (6.8 + 5 < 45) * 3, ans $\rightarrow 3$

Operaciones entre variable reales

Operadores lógicos

operador		descripción
a&b	conjunción "v"	retorna 1 si las expresiones a y b son ambas verdaderas,
l y	y 0 en cualquier otro caso	
a b	disyunción "o"	retorna 0 si las expresiones a y b son ambas falsas, y 1 en cualquier otro caso
~ a	negación	Negado de a, retorna 1 si a es 0, 0 en caso contrario

Ejemplos:

- $-2 \sim = 1$, ans $\rightarrow 1$
- ~ 1 , ans $\rightarrow 0$
- $(36 < 4) | (1 > 2), ans \rightarrow 0$

Tablas de comportamiento de los operadores lógicos

negación

А	~ A
0	1
1	0

conjunción

А	В	A & B
0	0	0
0	1	0
1	0	0
1	1	1

disyunción

А	В	A B
0	0	0
0	1	1
1	0	1
1	1	1

Regla de precedencia en una expresión para los operadores (mayor a menor)

- 1. paréntesis (), potencia ^
- 2. signo positivo +, signo negativo -, negación ~
- 3. multiplicación *, división /
- 4. adición +, sustracción -
- menor que <, menor o igual que <=, mayor que >, mayor o igual que >=, igual que ==, distinto que ~=
- 6. y &
- 7. o |

Ejemplos: •
$$1 + 1 > 2$$
, ans $\rightarrow 0$

- $-2 \sim 1$, ans $\rightarrow 1$
- 1 + (6.8 + 5 < 45) * 3, ans $\rightarrow 4$
- \sim (1 + (6.8 + 5 < 45) * 3), ans \rightarrow 0
- $\sim (1 + (6.8 + 5 < 45))$, ans $\rightarrow 0$
- $36 < 4 \mid (1 > 2 \land 2 == 2)$, ans $\rightarrow 0$

